

Όνομα/νυμο:

Υπογραφή:

ΑΜ:

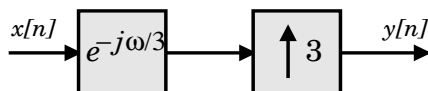
Εξάμηνο:

Αριθμός διφύλλων:

ΠΑΡΑΤΗΡΗΣΕΙΣ: Ανοιχτό βιβλίο μαθήματος & σημειώσεις μαθήματος. Κλειστά κινητά.

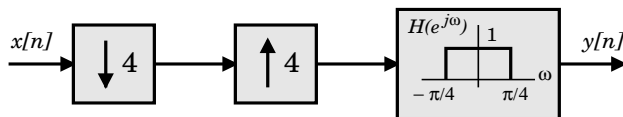
Θέμα 1: (22%) Τα (a) και (b) είναι ανεξάρτητα ερωτήματα. Απαντήστε αναλυτικά.

- (a) Στο σύστημα του σχήματος, η είσοδος είναι η  $x[n] = \delta[n]$ . Σχεδιάστε το πλάτος και την φάση του  $Y(e^{j\omega})$  της εξόδου (για  $|\omega| < \pi$ ).



- (b) Ποια είναι η έξοδος  $y[n]$  του συστήματος του σχήματος, όταν η είσοδος  $x[n]$  είναι η

$$x[n] = \left[ \frac{\sin(\pi n/8)}{\pi n} \right]^2$$



Θέμα 2: (28%) Δίνεται το αιτιατό, γραμμικό, χρονικά αναλλοίωτο σύστημα:

$$H(z) = \frac{(1 - 0.5z^{-1})(1 + 4z^{-2})}{(1 - 0.64z^{-2})}$$

- (a) Σχεδιάστε το διάγραμμα υλοποίησής του σε κανονική μορφή (direct form) I και II, όπως και ένα διάγραμμα υλοποίησής του σε σειρά (cascade).
- (b) Σχεδιάστε το διάγραμμα μηδενικών και πόλων του.
- (c) Εκφράστε τη συνάρτηση μεταφοράς ως γινόμενο συστήματος ελάχιστης φάσης (minimum phase),  $H_1(z)$ , και ολοπερατού (all pass),  $H_{ap}(z)$ , δηλαδή  $H(z) = H_1(z)H_{ap}(z)$ , και σχεδιάστε τα διαγράμματα πόλων/μηδενικών τους.
- (d) Εκφράστε τη συνάρτηση μεταφοράς ως γινόμενο ενός άλλου συστήματος ελάχιστης φάσης (minimum phase),  $H_2(z)$ , και ενός συστήματος πεπερασμένης κρουστικής απόκρισης, γραμμικής φάσης (F.I.R., linear phase),  $H_{lin}(z)$ , δηλαδή  $H(z) = H_2(z)H_{lin}(z)$ , και σχεδιάστε τα διαγράμματα πόλων/μηδενικών τους.

**Θέμα 3:** (25%) Τα (a) και (b) είναι ανεξάρτητα ερωτήματα. Απαντήστε αναλυτικά.

(a) Έστω ότι το φίλτρο διακριτού χρόνου δίνεται από την:

$$H(z) = \frac{6}{1 - e^{-0.3} z^{-1}} - \frac{3}{1 - e^{-0.6} z^{-1}} .$$

Το φίλτρο αυτό έχει σχεδιαστεί με την μέθοδο της αμετάβλητης κρουστικής απόκρισης (impulse invariance) με βάση ένα φίλτρο συνεχούς χρόνου, χρησιμοποιώντας τη σχέση  $h[n] = 3 h_c(3n)$  μεταξύ των κρουστικών αποκρίσεων του φίλτρου διακριτού και συνεχούς χρόνου. Βρείτε μία συνάρτηση μεταφοράς του φίλτρου συνεχούς χρόνου,  $H_c(s)$ , από την οποία μπορεί να προέκυψε το δοθέν φίλτρο διακριτού χρόνου.

(b) Σχεδιάστε ένα κατωπερατό (lowpass) φίλτρο Butterworth τάξης 1 με συχνότητα στην απόσβεση 3 dB ίση με  $\omega_c = 0.8\pi$ . Χρησιμοποιείστε τον δι-γραμμικό μετασχηματισμό, όπως επίσης και την μέθοδο αμετάβλητης κρουστικής απόκρισης. Βρείτε τις  $H(z)$  σε κάθε περίπτωση. Δίνεται ότι  $\tan(0.4\pi) = 3.078$ .

**Θέμα 4:** (25%) Τα (a) και (b) είναι ανεξάρτητα ερωτήματα. Απαντήστε αναλυτικά.

(a) Υπολογίστε την κυκλική συνέλιξη των ακολουθιών:

$$x[n] = 6\delta[n] + 5\delta[n-1] + 4\delta[n-2] + 3\delta[n-3] + 2\delta[n-4] + \delta[n-5]$$

και

$$h[n] = \delta[n] + \delta[n-4] ,$$

για  $N = 6$  και για  $N = 10$ .

(b) Δίνεται το σήμα:

$$x[n] = \begin{cases} \cos(\pi n/6) , & 0 \leq n \leq 35 \\ \cos(\pi n/2) , & 36 \leq n \leq 71 \\ 0 , & \text{αλλού} \end{cases}$$

του οποίου θέλουμε να εκτιμήσουμε το φασματόγραμμα. Υπολογίστε (και σχεδιάσετε σε 3-D) τα δείγματα

$$X[rR, k] = \sum_{m=0}^{L-1} x[rR + m] w[m] e^{-j(2\pi/N)km} ,$$

για  $-\infty < r < \infty$  και  $0 \leq k \leq N - 1$ , όπου το  $w[n]$  είναι ένα ορθογώνιο παράθυρο μήκους  $L = 36$ , ο DFT έχει μήκος  $N = 36$ , και η δειγματοληψία στο χρόνο γίνεται επίσης με  $R = 36$ .